

許耿蒼/朝陽科技大學非破壞檢測中心副主任 鄭家齊/朝陽科技大學營建工程系教授兼系主任 江支弘/朝陽科技大學營建工程系教授

摘要

微波雷達系統其特性為可即時監測橋梁之即時 垂直位移量且施作時不影響橋面交通正常運行,為目 前發展中之先進檢測技術,此技術與傳統監測儀器不 同,不需先將監測儀器裝設於橋梁上,可採隨到即 測、測後即走之方式針對重點橋梁或有結構疑慮之橋 梁進行監檢測作業,本文將針對此技術使用於橋梁監 測作業實務應用上做一介紹,文中將以兩座監測多年 之橋梁進行案例說明,而檢測後之結果可供管理維護 單位後續方案擬定之用。

前言

橋梁為國家土木工程基礎建設中重要的設施之 一。台灣之河川一般而言具有下列特徵,河身短、坡 度大、水流急,枯水期的時候水量小,常成為野溪, 降雨時洪峰流量十分龐大並夾帶許多之土石材料,台 灣又位處於地震帶中,因此島內之橋梁結構皆可能遭 受如地震、颱風、洪水,等外力作用之考驗。近年於 美國明尼蘇達州I35州際公路跨河橋在傍晚交通尖峰時 刻,發生突然斷裂坍塌事件,以及國內在辛樂克、莫 拉克颱風來襲期間導致包括后豐大橋在內、多座重要 橋梁斷橋,造成民眾生命財產損失事件,諸如此類相 關類似事件一再於國內外發生。

在另一方面為均衡區域發展,國內交通路網不斷 發展,致使全國橋梁橋梁總數量也隨著交通建設的推 動而逐年漸增,台灣橋梁自新建高峰期迄今已將近30 年,隨著橋梁邁入高齡化的時代,橋梁功能及服務品 質因材料老劣化而下降,所衍生之老劣化問題日趨嚴 重,為永續管理橋梁,各管理機關莫不注重橋梁檢、 監測與維護管理之提昇。

據交通部統計,國內大小橋梁近三萬座,台灣地 區橋梁面臨問題包括;基礎沖刷、材料老劣化以及耐 震強度普遍不足,一旦發生颱風、地震或洪災等大規 模天然災害時,橋梁倒塌或斷裂的機率無法忽視。因 此須有中央單位統籌橋梁管理系統,對橋梁依其重要 程度做定期監測列管,以因應未來橋梁風險管理、預 算分配、緊急災害搶救等。

檢測與維修橋梁一般分為三個步驟;第一步先進 行目視調查以了解各橋梁基本狀況,如發現被掏空、 劣化及橋面板損壞等,再進一步作較詳細的鑑定。第二 步是以各種儀器進行監測,進一步分析橋梁狀況後,如 需要修補,再進行第三步必要的工作,如封橋、修復或 補強。國內目前常用之整體監測工具包括在橋梁上安置 速度規或加速度規藉由橋體震動來計算橋梁結構共振頻 率、阻尼、振形或衝擊係數等,或者以應變計、位移 計、光纖光柵、線性位移計等量測橋體的變形,但這些 方法均需固定參考點或必須進行數值積分方才能獲得絕 對變位且儀器架設較費時,而新近發展之非接觸式微波 量測系統(IBIS-S),可多點監測並即時同步顯示結構 體動靜態位移,其位移精度可達 1/10 mm ~ 1/100 mm, 態頻率。儀器的優點在於設置及操作快速容易,且日夜 各種天候環境均不會影響量測結果。

主要或特殊結構橋梁在完工前即埋設多種監測 儀器,可做長期監測,但所費不貲。對於既有老舊或 典型或中短跨距橋梁,安設監測儀器並不符成本,僅 由目視檢測難以直接判定橋梁的承載受損狀況,因此 本量測系統由於架設容易,隨到即測,無須在橋上進 行複雜儀器安裝的特點,可提供管理維護單位篩選需 要安裝長期監測儀器橋梁的依據。研究團隊已量測多 種不同型式橋梁,包括吊橋、箱型連續梁、脊背橋、 預力混凝土簡支橋梁跨及其橋墩等,並在多次現場試 驗後歸納出各反射點均能量測準確位移訊號的經驗法 則,本文中將針對較具代表性之兩座連續監測多年之 橋梁結構成果進行探討。

檢測原理與儀器設備

近年發展之變頻雷達波技術已應用於遠距多點動 態位移監測,可在1公里範圍內多點監測並即時同步 顯示結構體靜態或500公尺範圍內監測動態位移,其 位移精度可達1/10mm~1/100mm,動態擷取頻率可達 200Hz,足以完整紀錄一般結構的模態頻率。儀器的 優點在於設置及操作快速容易,且日夜各種天候環境 均不會影響量測結果。此技術所發展的儀器可檢測橋 梁上部結構、橋梁墩柱、高樓建築、風車桿、塔樓、 電桿等結構體的動力特徵及受載重時的變形輪廓。國 外已有相當數量之學術報告證明此技術應用於量測橋 梁、風車、及高樓結構的可行性^{[1-5]。}以下就此技術的 檢測原理,儀器的檢測參數以及此儀器在橋梁檢測的 應用實例做一說明。

遠距微波動態位移測量儀(見圖1)可發射階梯 頻率的連續雷達波 (SFCW, step frequency continuous wave),圖2為連續雷達波之波形及頻譜示意圖,每一 組掃描訊號均發射含有 n 個固定頻率差 (Δf) ,總歷時 為 Ttone 的連續電磁波(圖 2(a)),訊號會造成總頻寬 為B、頻率間隔為 Δf 之離散頻譜(圖 2(b))。SFCW 訊號設計之目的如下:由於離散頻譜在反傅立葉轉換 後乃是固定時間間隔的脈波,其時間間隔 T 為頻率間 隔的倒數 $(1/\Delta f)$),而其每一脈波延時 (τ) 約為總頻 寬的倒數(1/B),在雷達波發射路徑兩物件所造成的反 射波不造成前後脈波因延時造成資訊混淆的最小距離 即為空間解析度 (ΔR) ,可由公式 (1)計算,其中 c 為 光速。在天線的波束範圍內(見圖 3(a)),每一個解析 度範圍(Range bin)內物件的反射訊號,均可轉換為 位移訊號同時紀錄。對橋梁而言,如圖 3(b) 所示,其 天線 -3dB 能量範圍之視角(α) 內任何有反射訊號的 凸出點,其間距在空間解析度以上均可計算出精確位 移,因此可描繪出位移的一維剖面輪廓。

$$\Delta R = \frac{c\tau}{2} = \frac{c}{2B} \tag{1}$$



圖1 遠距微波動態位移測量儀





圖 3 雷達之 (a) 水平與 (b) 垂直有效檢測範圍 6

由於由物件反射的雷達波必須在上述之時間間隔 (T)之內才不會與下一組到達的脈波相混,理論上可 測之最遠距離(Rmax)如公式(2)所示。

$$R_{\max} = \frac{cT}{2} = \frac{c}{2\Delta f} \tag{2}$$

位移量測方面,每一個解析度範圍所回傳的電磁 波均包含振幅及相位資訊,固定點的變位(Δ_r)是由 時間解析間隔所記錄的相位差($\Delta \varphi$)計算,如公式(3) 所示,其中 f_c 及 λ_c 分別為雷達的中心頻率及波長,因 此本儀器位移的精度應不隨儀器與受測點之距離而改 變,然而當距離變遠時,儀器的訊噪比會增大而影響 到量測的精確性,通常訊噪比必須大於40其檢測資料 才有可信度。此外,由於相位差超過2 π (360°)時將 無法計算出正確位移,因此由公式(3)可知當一個時間 解析間隔之變位差超過 $\lambda_c/2$,將使正確位移無法辨識。 舉例而言,目前市售儀器其 $\lambda_c/2$ 為8.76 mm。

$$\Delta r = \frac{c}{4\pi f_c} \Delta \varphi = \frac{\lambda_c}{4\pi} \Delta \varphi \tag{3}$$

在橋梁檢測時,位移量測儀是放置於橋的正下 方,如圖4所示,儀器量測的位移為天線發射視線方 向反射之電磁波相位差所計算的位移(*d_p*),而此位移 大部分是由橋梁垂直方向位移所造成,因此在儀器位 置與橋頂距離(*h*)及儀器與反射點之距離(*R*)可由 IBIS-S 直接量測已知的狀況下,可由公式(4)計算橋梁 真正垂直位移(*d*)。

$$d = d_p \cdot \frac{R}{h} \tag{4}$$



本儀器的操作參數如表 1 所示,在實際檢測時首 先設定 R_{max} 及 ΔR ,由公式 (2) 儀器即自動設定 Δf ,由 公式 (1) 即可決定頻率帶寬 B 以及階狀頻率數目,此外 必須量測儀器位置與橋頂距離 (h),帶入公式 (4) 即可 計算垂直方向位移。

橋梁監測實務案例

本章節針對兩座以微波雷達系統進行長期監測之 橋梁做一說明,其中橋梁A為結構特性介於斜張橋與 連續梁橋間之脊背橋,橋梁B為上部結構為懸臂設計 之預力箱型梁橋,兩座橋梁研究團隊均針對其上部結 構進行多年之監測作業。

脊背橋 — 橋梁 A

橋梁 A 結構形式為脊背橋,上部結構箱型梁體為 300 公尺之連續梁體,橋梁結構如圖 5 中所示,以遠 距微波動態位移量測儀在正常交通所造成的環境激振 (ambient vibration)下檢測箱型上部結構的動態位移 訊號,以辨識箱型梁的振動模態振形、振態頻率。由 於橋梁之箱型梁底平滑,沒有顯著的微波反射標的,

表1 雷達操作參數規格

中心頻率(fc)	垂直方向 -3dB 範圍 視角(α)	階狀頻率間隔(∆f) 最大數目	最大模擬頻率 帶寬(B)	最小模擬單一脈 波延時(τ)	最大掃描延時
16.75 GHz	15°	2502	380 MHz	12.3 ms	30.76 ms

試驗時將自行研發的金屬三角錐形反射器伸出橋跨護 欄並以C型夾固定於護欄上作為微波反射的覘標,反 射器覘標間距約為4m,如圖6中所示,現地檢測時即 可以微波雷達系統一次多點同時記錄到箱型梁之動態 位移振幅值。本項檢測之取樣頻率為103.07 Hz,總紀 錄時間為20分鐘。舉例而言,圖5左跨檢測兩測線, 圖7為試驗中其中三個反射器覘標之時間位移關係曲 線,其中Y軸為位移量,X軸為時間,其中高低起伏 的位移量即為正常交通時重量不一之車輛所造成,由 於反射器覘標之位置不同故所呈現之最大位移量也隨 之不同,但可見其走勢大致上相近。 正常交通狀況所造成各反射覘標動態垂直位移 訊號是以ARTeMIS軟體中FDD(Frequency Domain Decomposition)方法加以分析^[1],以辨識橋面板的振 動頻率、模態振形。FDD法是僅以輸出訊號作結構 系統識別的有效分析方法,橋上交通載重所造成橋面 板隨機性的輸入振動,在記錄時間夠長時,這些載重 可視為每個頻率的機率均為1的環境激振(ambient vibration),利用檢測各點位移訊號之自能譜及互能譜 求得能量譜矩陣,將每一個頻率能量譜矩陣作奇異值 分解(singular value decomposition, SVD)即可取得此 頻率的多重奇異值及各對應之奇異向量,在頻率接近



結構的某個振態時,最大奇異值頻譜在振態頻率會顯 示尖峰,其尖峰奇異值所對應之奇異向量通常即為其 模態振形。上述兩測線位移訊號之最大奇異值頻譜如 圖 8(a) 與 8(b) 所示,在頻譜可觀察到其最大奇異值頻 譜之尖峰頻率大致上一致。

選定固定尖峰頻率,將測線之多點訊號以FDD 法計算該頻率之模態振形,並將多條測線之振形相連 接,可得到此頻率下橋跨的振形全貌。圖9為上述兩 測線所計算之左跨所辨識的模態振形,圖10為全橋過 去檢測所辨識的模態振形與橋梁數值模擬結果之對應 圖。由圖 9 中可見 0.856 Hz、2.114 Hz 及 3.624 Hz 模態

頻率振形與相對應的全橋檢測所辨識的模態振形中 220 m 至 300 m 位置之橋梁振形均十分相似。

本座橋梁於 2010 年開始進行橋梁的監測作業,均 是以正常交通狀況下紀錄各反射覘標 20 分鐘的位移紀 錄,將各期檢測之尖峰特徵頻率與其差異百分比整理 於表2中,表中可見歷年來垂直向三個撓曲模態相關 的頻率(0.856、2.114、3.624 Hz) 監測的頻率變化差 異量均在 3.4% 以內,由監測結果顯示本橋之檢測區域 雖在監測期間檢測區域經歷四次5級以上之地震與6 個強烈颱風考驗後,對本橋梁之結構之影響不大,顯 示本橋梁仍在原設計結構安全範圍內。







歷年測線監測		最大特徵值尖峰頻率(Hz)						
		撓曲模態	扭轉振態	扭轉振態	撓曲模態	扭轉振態	撓曲模態	扭轉振態
第一一測線	2010 年監測值	0.850	1.436	1.729	2.110	2.960	3.634	4.718
	2013 年監測值	0.856	1.459	1.761	2.114	-	3.624	-
	2014 年監測值	0.880	1.460	1.760	2.16	3.020	3.68	4.740
	2015 年監測值	0.872	1.482	1.744	2.180	3.052	-	4.796
	2013 年監測值差異百分比	0.71%	1.60%	1.85%	0.19%	-	-0.28%	-
	2014 年監測值差異百分比	3.41%	1.64%	1.76%	2.31%	1.99%	1.25%	0.46%
	2015年監測值差異百分比	2.52%	3.10%	0.86%	3.21%	3.01%	-	1.63%
第二	2010 年監測值	0.850	1.436	1.729	2.110	2.96	3.634	4.718
	2013 年監測值	0.856	1.459	1.761	2.114	3.02	3.624	4.731
	2014 年監測值	0.880	1.480	1.780	2.160	-	3.680	4.760
	2015 年監測值	0.872	1.482	1.744	2.180	3.052	-	4.796
	2013 年監測值差異百分比	0.71%	1.60%	1.85%	0.19%	2.03%	-0.28%	0.28%
	2014 年監測值差異百分比	3.41%	2.97%	2.87%	2.31%	-	1.25%	0.88%
	2015 年監測值差異百分比	2.52%	3.10%	0.86%	3.21%	3.01%	-	1.63%

表2 各測線最大奇異值頻譜之模態頻率比較

備註:差異百分比計算以2010年第一年之監測資料為基底進行計算

預力箱型梁橋 — 橋梁 B

橋梁 B 為雙向高架橋,上部結構為為獨立單孔場 鑄預力箱型梁,檢測範圍為橋頭至第一橋墩間共計 105 m,如圖 11 所示,由於兩行向高架橋上部結構過於靠 近且均為曲橋,在行車時會產生翼板接觸造成局部破 損,本橋經五年五次定期檢測,檢測目的在求取東行 及西行高架橋的自然振動頻率、模態以了解雙向橋梁 之振動的特性的變化歷程。 微波檢測亦是採用 IBIS-S 檢測系統,設置於高架橋 翼板邊緣下方,並以多支金屬三角錐形反射器固定於橋 邊護欄作為量測位移的覘標,本儀器可於橋梁振動變形 時,由三角錐所反射微波的相位差記錄,計算橋梁在該 點之位移,三角錐架設於東行及西行高架橋外側,反射 器間距均為5m,如圖12所示,其中東行高架橋以兩條 測線量測,其編號為E-1與E-2,IBIS儀器均架設於橋墩 所在地平面,西行高架橋則分三條測線量測,測線W-1





圖 12 東行橋跨儀器設置照片;測線 E-1 與測線 W-1



圖 13 角錐反射覘標架設位置及測線布設位置示意圖

及 W-2 儀器架設於橋墩所在地平面,測線 W-3 儀器需架 設於橋台整平處地面。

現場檢測時首先調整 IBIS 天線的角度,使天線高 訊噪比的反應能延伸至最遠的範圍,但亦須考慮儀器 位置與橋頂距離及儀器與反射點之距離比(h/R)必須 在 1/10 以內又以 1/5 以內較佳,儀器設定之最小空間 解析度為 0.5 m,訊號取樣頻率為 120 Hz。量測是在正 常交通狀況下進行,每一測線均紀錄 20 分鐘正常交通 狀況下之垂直位移歷時。

各反射覘標位置量測之車行橋梁振動如圖 14 所示, 圖 14 為 W-1 測線上距第一橋墩水平距離 15 m、30 m 及 45 m 位置的位移訊號,可見當重車經過時會造成較大的位 移,距離 45 m 位置反射覘標較靠近橋跨中央,位移也最 大,可達-4 mm,而距離 15 m 覘標最大位移僅-0.8 mm。

正常交通狀況所造成各反射覘標動態垂直位移訊 號可再以ARTeMIS軟體中FDD(Frequency Domain Decomposition)方法加以分析^[11],以辨識橋面板的振動頻 率及模態振形。東行橋 E-1 測線及西行橋測線 W-1 不同位 置的位移訊號以 FDD 法求取之最大奇異值頻譜分別顯示 於圖 15 中並整理於表 3 與表 4 中,在頻譜可觀察到同橋



跨之最大奇異值頻譜之尖峰頻率一致,但不同橋跨頻譜尖 峰頻率略有不同,將同橋梁各測線頻譜中同模態頻率所對 應之特徵模態振形相連接,可得到此頻率在檢測範圍橋跨 的振形全貌,如圖16中不同測線所連結之振形。

再觀察歷年資料中第一撓曲模態之頻率值經五年 五次之監測後期監測頻率有逐年下降之現象,最多由 第一年之 0.879 Hz 下降至 0.732Hz ,頻率下降之百分 比最多達 16.72%,在確認橋梁邊界條件並無明顯之變 化狀況下,顯著模態頻率之改變應與橋梁之質量、勁 度、預力損失、完整性及邊界條件的變化有關,在近 五年來之檢測數據,發現橋梁主要模態頻率有逐年下 降之現象,亦代表上述性質有改變,因此建議本橋安 裝儀器做長期監測,並進行有限元素分析探求影響模 態頻率的關鍵損害部位。



圖 16 西行高架橋可辨識模態振形 (a) 0.879 Hz, (b) 1.406 Hz, (c) 2.227 Hz, (d) 3.22 Hz

歷年測線監測		最大特徵值尖峰頻率(Hz)						
		撓曲模態	扭轉振態	扭轉振態	撓曲模態	扭轉振態		
W-1 測線	2011 年監測值	0.879	1.406	-	3.223	-		
	2012 年監測值	0.856	1.359	-	3.120	-		
	2013 年監測值	0.805	1.409	-	3.020	3.422		
	2014 年監測值	0.800	1.400	2.120	3.020	3.380		
	2015 年監測值	0.732	1.302	-	3.174	-		
	2012 年監測值差異百分比	-2.62%	-3.34%	-	-3.20%	-		
	2013 年監測值差異百分比	-8.42%	0.21%	-	-6.30%	-		
	2014 年監測值差異百分比	-8.99%	-0.43%	-	-6.30%	-		
	2015 年監測值差異百分比	-16.72%	-7.40%	-	-1.52%	-		
W-2 測線	2011 年監測值	0.879	1.406	2.227	3.223	-		
	2012 年監測值	0.856	1.409	2.214	3.171	-		
	2013 年監測值	0.805	1.409	2.114	3.070	3.523		
	2014 年監測值	0.800	1.420	2.120	3.060	3.480		
	2015 年監測值	0.732	1.302	-	3.174	-		
	2012 年監測值差異百分比	-2.62%	0.21%	-0.58%	-1.61%	-		
	2013 年監測值差異百分比	-8.42%	0.21%	-5.07%	-4.75%	-		
	2014 年監測值差異百分比	-8.99%	1.00%	-4.80%	-5.06%	-		
	2015 年監測值差異百分比	-16.72%	-7.40%	-	-1.52%	-		
W-3 測線	2011 年監測值	0.879	1.406	2.227	3.146	-		
	2012 年監測值	0.856	1.409	2.214	3.171	-		
	2013 年監測值	0.856	1.409	2.214	3.171	-		
	2014 年監測值	0.800	1.400	2.120	3.080	-		
	2015 年監測值	0.732	1.302	-	3.174	-		
	2012 年監測值差異百分比	-2.62%	0.21%	-0.58%	0.79%	-		
	2013 年監測值差異百分比	-2.62%	0.21%	-0.58%	0.79%	-		
	2014 年監測值差異百分比	-8.99%	-0.43%	-4.80%	-2.10%	-		
	2015 年監測值差異百分比	-16.72%	-7.40%	-	0.89%	-		

表3 各測線最大奇異值頻譜之模態頻率比較

備註:差異百分比計算以2011年第一年之監測資料為基底進行計算

歷年測線監測		最大特徵值尖峰頻率(Hz)					
		撓曲模態	扭轉振態	扭轉振態	撓曲模態	扭轉振態	
E-1 測線	2011 年監測值	0.820	1.406	-	-	3.516	
	2012 年監測值	0.805	1.409	-	-	3.475	
	2013 年監測值	0.805	1.409	2.114	3.221	-	
	2014 年監測值	0.780	1.400	2.140	3.180	-	
	2015 年監測值	0.732	1.465	2.035	-		
	2012 年監測值差異百分比	-1.83%	0.21%	-	-	-1.17%	
	2013 年監測值差異百分比	-1.83%	0.21%	-	-	-	
	2014 年監測值差異百分比	-4.88%	-0.43%	-	-	-	
	2015年監測值差異百分比	-10.73%	4.20%	-	-	-	
E-2 測線	2011 年監測值	0.879	1.406	-	-	3.516	
	2012 年監測值	0.856	1.409	-	-	3.473	
	2013 年監測值	0.775	1.409	2.063	-	3.322	
	2014 年監測值	0.780	1.400	2.120	-	3.360	
	2015 年監測值	0.732	1.465	1.953	-	3.174	
	2012 年監測值差異百分比	-2.62%	0.21%	-	-	-1.22%	
	2013 年監測值差異百分比	-11.83%	0.21%	-	-	-5.52%	
	2014 年監測值差異百分比	-11.26%	-0.43%	-	-	-4.44%	
	2015年監測值差異百分比	-16.72%	4.20%	-	-	-9.73%	

表4 各測線最大奇異值頻譜之模態頻率比較

備註:差異百分比計算以2011年第一年之監測資料為基底進行計算

結論

本文中以實務上兩個案例說明微波雷達系統針對 橋梁監測的方式,第一個案例中的脊背橋在建造時已 有安裝多種監測設備,但在通車後幾年間均損壞不堪 使用。因此以微波雷達定期檢測箱型梁身模態頻率及 振形,加速度規定期檢測外置鋼鍵振動頻率評估鋼鍵 預力的方式,亦可持續監測橋梁是否有變異的狀況。 第二座橋梁在五年定期監測過程中有顯著模態頻率值 下降之狀況,因此建議管理單位在橋上設置長期連續 性監測儀器,並進行更進一步的數值模擬分析,來做 更進一步之狀況釐清。此技術與傳統監測儀器不同, 不需先將監測儀器裝設於橋梁上,可採隨到即測、測 後即走之方式針對重點橋梁或非重點橋梁進行監檢測 作業,此外此技術除結構頻率與模態振形外,亦可於 靜態及動態載重實驗中量測橋梁位移,此外本研究團 隊亦在進行研發微波雷達系統應用於橋梁監檢作業的 新檢測方法應用,以期許針對國內橋梁管理維護與安 全評估工作盡一份力量。

參考文獻

 Z. Zhou, L. D.Wegner, and B F. Sparling, "Structural HealthMonitoring of Precast Concrete Box Girders Using Selected Vibration-Based Damage Detection Methods", Advances in Civil Engineering Volume 2010, Article ID 280685, 21 pages, Hindawi Publishing Corporation.

- M. Pieraccinia, F. Parrinia, M. Fratinia, C. Atzenia, P. Spinellib, M. Michelonic, "Static and dynamic testing of bridges through microwave interferometry", NDT&E International, 40, 2007, pp. 208-214.
- M. Pieraccinia,*, G. Luzia, D. Mecattia, M. Fratinia, L. Noferinia, L. Carissimib, G. Franchionib, and C. Atzenia, "Remote sensing of building structural displacements using a microwave interferometer with imaging capability", NDT&E International, 37, 2004, pp. 545-550.
- M. Pieraccini, F. Parrinia, M. Fratinia, C. Atzenia, and P. Spinellib, "In-service testing of wind turbine towers using a microwave sensor", Renewable Energy, 33, 2008, pp.13-21.
- M. Pieraccini, M. Fratini, F. Parrini, G. Macaluso, and C. Atzeni, "Highspeed CW step-frequency coherent radar for dynamic monitoring of civil engineering structures." Electronic Letter, 40, 2004, pp.907-8.
- Gentile C., Brnardini G., and Ricci P. "A New Interferometric Radar for Full-Scale Testing of Bridges: 2. Ambient Vibration Tests and Operational Model Analysis", Proc. 12th Int. Conf. on Structural Faults & Repair (SF&R'08), Edinburgh, Schotland.
- Huang N.E, "The Empirical Mode Decomposition and the Hilbert Spectrum for Nonlinear and Non-Stationary time Series Analysis," Nasa. (Manuscript), 1996.
- Brincker R., Zhang L. and Andersen P., "Modal Identification from Ambient Responses using Frequency Domain Decomposition," Proceedings of the 18th International Modal Analysis Conference (IMAC), San Antonio, Texas, USA. Park, K.T., Kim S.H., Park H.s., Lee K.W., "The determination of bridge displacement using measured acceleration", Engineering Structures, Vol. 27, pp. 371-378 (2005) °
- Zhu X.Q., Law S.S., "Wavelet-basd crack identification of bridge beam from operational deflection time history", International Journal of Solids and Structures, 43, 2006, pp. 2299-2317.
- Yan Z., Miyamoto A. and Jiang Z. "Frequency slice algorithm for model signal separation and damping identification", Computer and Structures, 89, 2011, pp. 14-26.